



9. Übungsblatt

Die ersten 3 Aufgaben sind Online-Aufgaben. Beantworten Sie die Aufgaben direkt per Okuson. Sie finden diese Aufgaben auf der Okuson-Seite zur Veranstaltung *Lineare Algebra I*.

<http://okuson2.math.nat.tu-bs.de:8000/index.html>

Aufgabe 9.4

(3+3=6 Punkte)

Sei \mathbb{K} ein Körper, V ein \mathbb{K} -Vektorraum und $M \in \mathbb{K}^{n \times n}$ eine Matrix. Beweisen Sie die nachstehenden Aussagen:

- (a) Hat M den Eigenwert κ , dann hat M^2 den Eigenwert κ^2 .
- (b) Sei $f : V \rightarrow V$ eine lineare Abbildung mit $f^2 = f$. Dann hat f höchstens die Eigenwerte 0 und 1.

Aufgabe 9.5

(6 Punkte)

Sei $V = \mathbb{R}^3$ mit Basis $\{v_1, v_2, v_3\}$. Betrachten Sie die lineare Abbildung $f : V \rightarrow V$, die wie folgt definiert ist:

$$\begin{aligned}f(v_1) &= \frac{5}{2}v_1 + 2v_2 + \frac{1}{2}v_3, \\f(v_2) &= 5v_1 + 4v_2 - 2v_3, \\f(v_3) &= -\frac{7}{2}v_1 - 2v_2 - \frac{3}{2}v_3.\end{aligned}$$

Bestimmen Sie alle Eigenwerte von f und bestimmen Sie für jeden Eigenwert den zugehörigen Eigenraum.